

講義題目：数学史

日程・時間：11月25日～29日 15時～17時

場所：数理学研究科棟 123講義室

担当：斎藤 憲

◎講義の概要

古代の数学は単純で易しいわけではない。ギリシャの数学は難しい。現代の数学がはるかに多くの成果をあげているとしたら、それは容易な取り扱いが可能な対象と技法が発明されたおかげといえる。数学者の仕事のほとんどは、既知の定理の拡張などの地味な仕事だが、時として、新しい対象が生まれる。新たな対象の創造は、数学の展開において稀で、重要な事件である。ギリシャ数学の発展とその限界を検討することで、数学の対象の創造について考察する。

◎評価の方法

出席と授業終了後に課すレポートによる。

◎講義内容

1日に1つのテーマを扱う。最初に約30分、そのテーマに関する概説をおこない、その後でテキスト（あるいはその要約）を検討する。利用するテキストは事前に配布する。

第1回：エウクレイデス（ユークリッド）の整数論。

エウクレイデスの主著『原論』はかつて幾何原本などと呼ばれていたが、第7巻から第9巻は整数論を扱う。その内容は初等整数論を知っていれば理解できるが、しかし我々の初等整数論とは違う世界がそこにある。重要な概念は「同じ比を持つ最小の数（の組）」であり、主要なテーマは「2数の間に比例中項数が入る条件」である。

素数に関する議論は付随的でしかなく、素因数分解という観念は、少なくとも問題解法に有効に活用されていない。つまりそういう観念は実質的になかったと言うほうが正しい。近代以降の研究者は自分たちにとって基本的な概念である素因数分解を無理やりテキストに読み込んだ。こういうわけで『原論』のテキストは、素因数分解という技法の導入が、自然数という一見自明な存在を変貌させる例として読める。

第2回：アルキメデス『球と円柱について』

球の体積は簡単な2次式の定積分で書けるが、アルキメデスは30個以上の命題を必要とした。方程式で表現可能な図形という、新たな対象の発明がこの相違をもたらした。一方でアルキメデスの議論には、後の数学でも使われる種々の技法が見いだされる。

第3回：接線と解析の方法。

アルキメデスは螺旋の接線を、アポロニオスは円錐曲線（今日の2次曲線）の接線を決定している。その議論は難解で、そもそもどうやって接線を発見できたのかが明らかでない。種々の仮説が提案されているが、単純に接線が引けたと仮定して、そこから議論を逆にたどって既知の性質に結びつけることで証明は構築できる。このような方法はギリシャでanalysisと呼ばれた。この語が解析学を意味するのは、近代における誤解が発端となっている。

第4回：アポロニオス『比切断』

「2つの定直線 l, m があり、それぞれの上に定点 A, B がある。直線外の定点 P と、定比 r が与えられているとする。 P から l, m とそれぞれ X, Y で交わる直線を引き、 $AX:BY=r$ となるようにせよ。」たったこれだけの問題を解くために、アポロニオスは後世の印刷本で数百ページに及ぶ著作を書いた。その大半は、徹底した場合分けと解の存在条件の特定のための議論に費やされる。座標による解析幾何がいかに強力な技法かであるかが再認識できる著作である。

第5回：計算天文学の伝統。コペルニクスが地動説を唱えたことは広く知られているが、彼の天文計算の技法は、天動説に基づくプトレマイオスの『アルmagest』によるもので、時には計算結果の一部さえプトレマイオスから借用している。コペルニクスの改革は、千数百年に及ぶ古い理論の伝統の徹底した理解の上で可能になったことが分かる。先人に学ぶことはやはり必要なのである。

◎教科書・参考書

教科書はない。検討するテキストは事前に指示・配布する。授業全体を通じて参考になる本は E. ジュスティ、斎藤憲訳『数はどこから来たのか：数学の対象の本性に関する仮説』共立出版。