



# ブラックホールを通して 紐解く宇宙の歴史

#### 井上 芳幸 (理化学研究所)

数理科学の研究フロンティア:宇宙、物質、生命、情報@東京大学,2018-04-11,18,25

## 本講義の内容(4/11,18,25)

- 4/11
  - 宇宙物理とは
- 4/18
  - 宇宙の基本構成要素
- 4/25
  - ブラックホールの役割+α
- 質問などあれば授業中いつでも質問してください。

## 宇宙物理とは

## 宇宙



Hubble eXtreme Deep Field

Credit: NASA; ESA; G. Illingworth, D. Magee, and P. Oesch, University of California, Santa Cruz; R. Bouwens, Leiden University; and the HUDF09 Team

Illustration Credit: NASA; ESA; and Z. Levay, STScI; Moon Image Credit: T. Rector; I. Dell'Antonio/NOAO/AURA/NSF





ソクラテス (BC469-BC399) プラトン (BC427-347) アリストテレス (BC384-322) 自然哲学、天動説 プトレマイオス (AD83-AD168) 『アルマゲスト』 天動説 コペルニクス (1473-1543) 地動説 ※太陽中心説はアリスタルコ ス(BC310-BC230)が最初

# 地動說 vs. 天動說

地動説





#### https://i.imgur.com/AReqgfP.mp4

#### 天文学から物理学へ



ガリレオ・ガリレイ (1564-1642) 望遠鏡の改良 地動説、落体の法則 ケプラー (1571-1630) ケプラーの法則 楕円軌道の導入

ニュートン (1642-1727) 万有引力 近代物理学の祖

#### 宇宙物理



# 4つの力



湯川(1935)

• 電磁気力

強い力

- 弱い力
- 重力



Fermi (1930s)

Faraday (1830s)



Maxwell (1864)





Newton (1687)



Einstein (1915)



# ニュートン力学

- "Philosophiae Naturalis Principia Mathematica"
   (プリンキピア), I. Newton, 1687
- 重力の法則(万有引力)を数学で記述
- 惑星運動の理解
- 古典力学
  - 現代物理学へ



http://isaacnewton272.weebly.com/gravity-and-motion.html

# 一般相対性理論

- Albert Einstein (1879-1955)
- 時空の幾何学としての重力理論
- Einstein 方程式 (1915)

$$G_{\mu\nu} = \frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu}$$

- 古典重力理論の完成
  - 近代宇宙物理の始まり



## 一般相対性理論の予言

ブラックホール



星の進化の終末 天体物理 Astrophysics





ビッグバンの根幹

宇宙論 Cosmology

#### Schwarzschild black hole

- シュワルツシルト(1873-1916)
  - 第一次大戦従軍中
  - アインシュタイン方程式の球対
     称真空解 (1916)

$$ds^{2} = -\left(1 - \frac{2M}{r}\right)dt^{2} + \frac{dr^{2}}{1 - \frac{2M}{r}} + r^{2}\left(d\theta^{2} + \sin^{2}\theta d\phi^{2}\right)$$

- 地平線の存在:ブラックホール
- 一般相対性理論発表から1ヶ月後



# 古典的(Newton的)理解

- ラプラス (1799)
- 脱出速度 (Newton重力)  $v_{esc} \sim \sqrt{\frac{2GM}{R}}$ ~11 km/s (地球)
- $V_{esc} = C_R = \frac{2GM}{c^2} = 3km$   $\Rightarrow R = 2GM^c/c^2$  $= 3 km \text{ for } M = M_{\odot}$
- €シュバルツシルト半径



Image credit: NASA/Jerry Cannon, Robert Murray



- 半径 R<sub>☉</sub> ~7x10<sup>10</sup> cm
- 質量 M<sub>☉</sub>~2x10<sup>33</sup> g
- 光度 L<sub>☉</sub>~4x10<sup>33</sup> erg/s
- 表面温度~6000 K
- 中心温度~1.6x107 K
- 年齡~46億年
- 距離1AU~1.5x10<sup>13</sup> cm~500光秒

#### ひので衛星によるX線画像



国立天文台

ブラックホールになると、、、~3 km に潰れる

#### 星の平衡

- 星はどうやって形を保ってる?
- 圧力と重力の釣り合い
  - 例:風船(圧力-張力)
  - 釣り合いが保たれていれば、
     ブラックホールにならない
- 表面から光 ⇒ エネルギーを失う ⇒ 温度が下がる ⇒ 圧力が減る ⇒ 重力で潰れる



### 太陽のエネルギー源

- 半径 R<sub>☉</sub> ~7x10<sup>10</sup> cm, 質量 M<sub>☉</sub>~2x10<sup>33</sup> g, 光度 L<sub>☉</sub> ~4x10<sup>33</sup> erg/s
- 単位質量あたり~2 erg/s/g
- 重力エネルギー説(ヘルムホルツ,19世紀)
  - $E_G = -G M_{\odot} / R_{\odot} = -2 \times 10^{15} \text{ erg/g}$
  - 太陽の寿命は?
- 隕石の放射線年代測定~45.5億年
- ダーウィン「種の起源」 数億~数十億年
- 重力エネルギーでは足らない

#### $E = Mc^2$

- 静止エネルギー説(エディントン,1920)
  - M<sub>☉</sub>c<sup>2</sup>/M<sub>☉</sub> = 9 x 10<sup>20</sup> erg/g ⇒ 太陽の寿命~10兆年
  - 静止エネルギー ⇒ 輻射エネルギーへの転換は?
- 核融合エネルギー説 (Bethe, 1939)
  - 6.6 MeV/陽子~6.6 x 10<sup>18</sup> erg/g ⇒ 太陽の寿命~1000億年
  - 太陽は潰れない



#### 太陽ニュートリノ



梶田・マクドナルド

- 核反応 ⇒ ニュートリノ
- Davis らが初めて測定
  - ノーベル賞(2002)



### 量子力学

- 粒子=波
- 1925年 Heisenberg の行列力学
- 1925年 Pauliの排他律
- 1926年 Schrödingerの波動力学
- 1927年 Heisenberg の不確定性原理

 $\Delta x \Delta p \geq \hbar$ 









- Pauliの排他律 + 不確定性原理
- せまいところへ閉じ込めるほど圧力が上がる



#### 白色矮星



![](_page_22_Picture_2.jpeg)

• 電子の縮退圧で重力を支える

©wikipedia

- 白色矮星の質量~太陽の質量(~地球の質量の30万倍)
- 白色矮星の半径~地球の半径
- 白色矮星の密度~1トン/cc(~角砂糖一個が1トン)

#### 巨星

![](_page_23_Figure_1.jpeg)

- 太陽は白色矮星になる
- 白色矮星コア+外層大気 ⇒ 巨星
  - 外層部では重力が弱まりより膨らむ
- 林フェイズにより大きさが制限される
- ~50億年後には、地球は飲み込まれる

![](_page_23_Picture_7.jpeg)

# チャンドラセカール限 $_{E_F \sim \hbar}$

- 縮退圧で支えられる質量には限界あり (チャンドラセカール 1931, 1983年ノーベル賞)
- 不確定性  $E = E_F + E_G \sim \frac{\hbar c N^{1/3}}{R}$ • 縮退エネル

![](_page_24_Figure_3.jpeg)

#### 中性子星

GW170817

16

. 14

- 白色矮星:電子の縮退圧
   中性子星:中性子の縮退圧
   粒子が相対論的になる条件:  $cp \ge mc^2$   $cp \ge mc^2$  3.02.5 2.01.51.00.5 8 101012¥径 R [km]
- 白色矮星のとき (m=m<sub>e</sub>) ⇒ 半径 ~ 4000 km Bauswein+'17
- ・中性子星のとき(m=m<sub>n</sub>) ⇒ 半径~2 km
  - 中性子の発見: Chadwick 1932 (1935 ノーベル賞)

➡ 中性子の予言: Baade & Zwicky 1934

## パルサー

- 規則的な電波源: 高速回転する中性子星
  - Little Green Men
- ヒューイッシュ
   1974 ノーベル賞
- ベル第一発見者

![](_page_26_Picture_5.jpeg)

![](_page_26_Picture_6.jpeg)

#### 星の進化

![](_page_27_Figure_1.jpeg)

中心で核融合 (H → He → C → ... → Fe)

Knight '97

# (重力崩壊型)超新星爆発

- 星の最後を迎えて爆発する現象
- ・ 鉄の光分解 → コアの圧力が低下 → 星の崩壊 →
   反動で大爆発
- E~10<sup>53</sup> erg (99% はニュートリノ)
- 最新の研究でも、超新星爆発の再現はまだ不完全

#### 超新星1987A

![](_page_29_Picture_1.jpeg)

#### 超新星ニュートリノ

![](_page_30_Figure_1.jpeg)

![](_page_30_Picture_2.jpeg)

宇宙線研究所

- Kamiokande, IMB で1987A 超新星ニュートリノの検出 (REF)
- 小柴 2002 ノーベル賞

![](_page_31_Picture_0.jpeg)

- 電荷が加速度運動⇒電磁波
- 質量が加速度運動⇒重力波
  - 一般相対性理論に基づいた
     アインシュタインの予言
- 中性子星-中性子星などの合体が強力な 重力波源

![](_page_31_Figure_5.jpeg)

![](_page_31_Figure_6.jpeg)

![](_page_32_Figure_0.jpeg)

## 重力波の直接観測

![](_page_33_Figure_1.jpeg)

- 2015年ついに重力波直接観測
  - GW150914、BH-BH 連星
  - ワイス、バリッシュ、ソーン
     2017 ノーベル賞

![](_page_33_Picture_5.jpeg)

![](_page_33_Picture_6.jpeg)

![](_page_33_Picture_7.jpeg)