田内 大渡 (TAUCHI Taito)

学振 DC2

数理科学専攻 博士課程2年

研究概要

G を実簡約代数群, P をその極小な放物型部分 群, H を G の実代数部分群とする. このとき P開軌道が等質多様体 G/H 上に存在する, もしく はそれと同値なことであるが G/H 上の P 軌道 の個数が有限であるならば、正則表現 $C^{\infty}(G/H)$ が G の各既約表現を高々有限回ずつしか含まな いことが小林・大島により代数解析を用いる手 法で証明された. また小林は一般放物型部分群 Q に対しても、もし Q が G/H 上に開軌道を持 たなければ $C^{\infty}(G/H)$ は Q から誘導されたある 退化主系列表現を重複度無限で含むというより 精密な結果を、ポアソン変換の一般化を用いるこ とで証明している. これらを踏まえ本年度私は 「G/H 上に Q 開軌道が存在するが Q 軌道が無限 個存在するとき $C^{\infty}(G/H)$ に重複度無限でふく まれるQから誘導された退化主系列表現が存在 するか?」という問題に取り組み、向き付けに関 するある仮定のもとでは、上の問題は肯定的であ ることをドラームのカレントの理論を用いて証 明した.

発表論文

- 1. T. Tauchi, 退化主系列表現からの絡作用素 の次元について, 京都大学数理解析研究所 講究録 **2031**, 表現論と非可換調和解析をめ ぐる諸問題 (2016), 1–14.
- 2. T. Tauchi, Dimension of the space of intertwining operators from degenerate principal series representations, arXiv:1708.00610, preprint.

口頭発表

- 1. Homogeneous Domains on Flag Manifolds (論文紹介: B. Kimelfeld), Workshop on "Actions of Reductive Groups and Global Analysis", 玉原セミナーハウス, 2015 年 8 月.
- 2. Dimension of invariant distributions, Berkeley-Tokyo Winter School "Geometry, Topology and Representation Theory", アメリカ, University of California Berkeley 2016年2月.

- 3. Dimension of the space of intertwining operators from degenerate principal series representations, "表現論と非可換調和解析をめぐる諸問題"(研究代表者:青木茂(拓殖大学工学部)),京都大学数理解析研究所,2016年6月.
- 4. 柏原の構成可能定理について, Workshop on "Actions of Reductive Groups and Global Analysis", 玉原セミナーハウス, 2016 年 8 月.
- 5. 退化主系列表現からの絡作用素の次元について,日本数学会秋季総合分科会,関西大学 千里山キャンパス,2016年9月.
- 6. Multiplicity of degenerate principle series with infinite orbits, "表現論とその周辺分野の広がり"(研究代表者: 阿部紀行 (北海道大学理学部)),京都大学数理解析研究所,2017年6月.
- 7. Introduction to two papers "Finite multiplicity theorems for induction and restriction" (T. Kobayashi and T. Oshima) and "Shintani functions, real sphrical manifolds, and symmetry breaking operators" (T. Kobayashi), Workshop on "Actions of Reductive Groups and Global Analysis", 玉原セミナーハウス、2017 年 8 月.
- 8. Multiplicity of degenerate principle series with infinite orbits, 龍谷表現論セミナー, 龍谷大学経済学部教育・研究センター, 2017 年 10 月.

FMSP の活動への参加

1. 社会数理実践研究にレース班として参加した. カーレースのタイム短縮について定期的にミーティングをし, 最終的に社会数理実践研究レターを書き上げた. この参加により数学の産業社会の貢献に関する知見だけでなく他の FMSP 生との交流も深めることができた.